

## 数学 (その1)

第1問 以下の問い(問1~5)に答えよ。

問1  $p, q, r$  を実数とする(ただし  $p \neq 0$ )。  $x$  の2次方程式  $px^2 + qx + r = 0$  が異なる2つの実数解をもつような  $p, q, r$  の必要十分条件は  である。

問2 傾きが1の直線に直交する直線の傾きは  である。

問3 直線  $y = 3x$  と  $x$  軸とのなす角を  $\alpha$  ( $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ ) とすると  $\tan \alpha$  の値は  である。

問4  $a$  の2次式  $4a^2 - 6a + 4$  を平方完成すると  となる。

問5  $\alpha, \beta$  を実数とする。  $\int_0^1 (\alpha x - \beta)^2 dx$  の値を  $\alpha, \beta$  を用いて表すと  である。

第2問  $a$  を正の定数とする。2次方程式  $x^2 - 2x \log_2 a + 2 \log_2 a^3 + 16 = 0 \dots (*)$  について、以下の問い(問1, 2)に答えよ。

問1  $(*)$  が異なる2つの実数解をもつような  $a$  の範囲は  である。

問2  $(*)$  が重解をもつとする。このときの解  $x$  は  である。求め方を記述欄  に記すこと。

第3問  $a, b$  を実数とする。座標平面上における直線  $\ell: y = x$  と3点  $O(0, 0)$ ,  $A(1, 3)$ ,  $B(a, b)$  に対して、以下の問い(問1~3)に答えよ。

問1  $\ell$  と  $A$  との距離は  である。

問2  $\ell$  が線分  $AB$  の垂直二等分線になるとき、  $a =$  ,  $b =$   である。

問3 問2のとき2直線  $OA, OB$  のなす角を  $\theta$  とすると  $\tan \theta$  の値は  である。

## 数学 (その2)

**第4問** ある都市では図1のように道が格子状（東西に走る道と南北に走る道）に整備されている。なお、図1の矢印の向きが北であるとする。以下の問い（問1，2）に答えよ。

問1 交差点 S から交差点 G まで最短経路で行くのは  通りある。そのうち交差点 S から交差点 A を通って交差点 G まで行くのは  通りある。

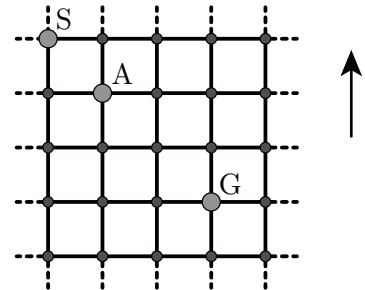


図1

問2 交差点 S および通過する各交差点でさいころを投げ、偶数の目が出たら東に、奇数の目が出たら南に進むこととする。交差点 S から交差点 G に最短経路で行った場合、さいころは  回投げたことになる。次にさいころを  回投げても、交差点 S を出発して交差点 G に到達しないような確率は  である。

**第5問**  $a, b$  を実数とし、 $I_{a,b} = \int_0^1 \{(3ax - 1)^2 + (3bx - a)^2\} dx$  とする。以下の問い（問1～3）に答えよ。

問1  $I_{a,b}$  の値を  $a, b$  を用いて表すと  $I_{a,b} =$   である。

問2  $b = 1$  とした場合、 $a =$   のとき  $I_{a,b}$  は最小値  をとる。

問3  $I_{a,b}$  の値を  $a$  について平方完成すると  となることから、 $a =$  ,  $b =$   のとき  $I_{a,b}$  は最小値  をとる。